



ΕΠΙΤΡΟΠΗ ΔΙΑΓΩΝΙΣΜΩΝ
80^{ος} ΠΑΝΕΛΛΗΝΙΟΣ ΜΑΘΗΤΙΚΟΣ ΔΙΑΓΩΝΙΣΜΟΣ
ΣΤΑ ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΑ “Ο ΕΥΚΛΕΙΔΗΣ”
18 Ιανουαρίου 2020

Β΄ ΓΥΜΝΑΣΙΟΥ

Πρόβλημα 1

Να προσδιορίσετε όλους τους πενταψήφιους θετικούς ακέραιους της μορφής

$$\overline{\alpha\beta\gamma\delta} = \alpha \cdot 10^4 + \beta \cdot 10^3 + \gamma \cdot 10^2 + \delta \cdot 10 + \delta,$$

όπου $\alpha, \beta, \gamma, \delta$ ψηφία με $0 < \alpha < \beta < \gamma < \delta$, οι οποίοι είναι κοινά πολλαπλάσια του 9 και του 4.

Πρόβλημα 2

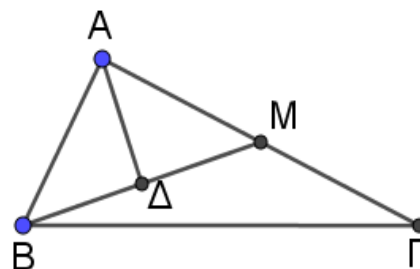
Ο Γιάννης και η Μαρία όταν βγήκαν για μία βόλτα είχαν μαζί τους και οι δύο συνολικά 600 ευρώ και ξόδεψαν και οι δύο μαζί 80 ευρώ. Αν ο Γιάννης ξόδεψε το $\frac{100}{9}\%$ των χρημάτων του και η Μαρία ξόδεψε το $\frac{100}{7}\%$ των χρημάτων της, να βρείτε πόσα χρήματα είχε ο καθένας τους.

Πρόβλημα 3

Δίνεται ορθογώνιο τρίγωνο $AB\Gamma$ με κάθετες πλευρές $AB = a \text{ cm}$ και $A\Gamma = 2a \text{ cm}$. Το εμβαδόν του τριγώνου $AB\Gamma$ είναι διπλάσιο του εμβαδού του τριγώνου ABM και το σημείο Δ είναι το μέσο του ευθυγράμμου τμήματος BM .

(α) Να αποδείξετε ότι το ευθύγραμμο τμήμα $A\Delta$ είναι κάθετο στο ευθύγραμμο τμήμα BM .

(β) Να βρείτε το λόγο των εμβαδών των τετραγώνων με πλευρές τις $A\Delta$ και BM , αντίστοιχα.



Πρόβλημα 4

Ο Γιώργος έγραψε έναν τετραψήφιο αριθμό στο τετράδιο του, αλλά η αδελφή του έσβησε το τελευταίο ψηφίο του. Τότε προέκυψε τριψήφιος αριθμός του οποίου η διαφορά από τον αρχικό αριθμό του Γιώργου ήταν 2020. Να προσδιορίσετε τον αριθμό που έγραψε ο Γιώργος στο τετράδιο του.

Κάθε θέμα βαθμολογείται με 5 μονάδες
Καλή επιτυχία!

Διάρκεια διαγωνισμού: 3 ώρες